

Algoritmo (Resolução do sistema linear $Ax = b$ através da fatoração LU com pivoteamento parcial): Considere o sistema linear $Ax = b$, com $A : n \times n$. As incógnitas x_1, \dots, x_n podem ser obtidas através da fatoração LU com pivoteamento parcial, como no algoritmo a seguir. O vetor p representará as permutações realizadas durante a fatoração.

Algoritmo 1: Fatoração LU com Pivoteamento Parcial

```

1  para  $i = 1, \dots, n$  faça
2  |    $p_i = i$ 
3  fim
4
5  para  $k = 1, \dots, (n - 1)$  faça
6  |    $pivo = a_{kk}$ 
7  |    $l\_pivo = k$ 
8  |   para  $i = (k + 1), \dots, n$  faça
9  |   |   se  $|a_{ik}| > |pivo|$  então
10 |   |   |    $pivo = a_{ik}$ 
11 |   |   |    $l\_pivo = i$ 
12 |   |   fim
13 |   fim
14
15 |   se  $pivo = 0$  então
16 |   |   Parar. A matriz  $A$  é singular.
17 |   fim
18
19 |   se  $l\_pivo \neq k$  então
20 |   |    $troca = p_k$ 
21 |   |    $p_k = p_{l\_pivo}$ 
22 |   |    $p_{l\_pivo} = troca$ 
23 |   |   para  $j = 1, \dots, n$  faça
24 |   |   |    $troca = a_{kj}$ 
25 |   |   |    $a_{kj} = a_{l\_pivoj}$ 
26 |   |   |    $a_{l\_pivoj} = troca$ 
27 |   |   fim
28 |   fim
29
30 |   para  $i = (k + 1), \dots, n$  faça
31 |   |    $m = a_{ik}/a_{kk}$ 
32 |   |    $a_{ik} = m$ 
33 |   |   para  $j = (k + 1), \dots, n$  faça
34 |   |   |    $a_{ij} = a_{ij} - ma_{kj}$ 
35 |   |   fim
36 |   fim
37 fim

```

Algoritmo 2: Resolução do Sistema Linear $Ax = b$ Usando a Fatoração LU

```
1  $c = Pb$ :
2 para  $i = 1, \dots, n$  faça
3    $aux = p_i$ 
4    $c_i = b_{aux}$ 
5 fim
6
7  $Ly = Pb$ :
8 para  $i = 1, \dots, n$  faça
9    $s = 0$ 
10  para  $j = 1, \dots, (n - 1)$  faça
11     $s = s + a_{ij}y_j$ 
12  fim
13   $y_i = c_i - s$ 
14 fim
15
16  $Ux = y$ :
17 para  $i = n, \dots, 1$  faça
18    $s = 0$ 
19   para  $j = (i + 1), \dots, n$  faça
20      $s = s + a_{ij}x_j$ 
21   fim
22    $x_i = (y_i - s)/a_{ii}$ 
23 fim
```
