

Algoritmo (Resolução de um sistema linear através da Eliminação Gaussiana): Considere o sistema linear $Ax = b$, onde A é uma matriz $n \times n$. Suponha que o elemento que está na posição a_{kk} é diferente de zero no início da etapa k . A resolução desse sistema pode ser feita da seguinte forma:

Algoritmo 1: Eliminação Gaussiana

```
1 Eliminação:
2 para  $k = 1, \dots, (n - 1)$  faça
3   para  $i = (k + 1), \dots, n$  faça
4      $m = a_{ik}/a_{kk}$ 
5      $a_{ik} = 0$ 
6     para  $j = (k + 1), \dots, n$  faça
7        $a_{ij} = a_{ij} - ma_{kj}$ 
8     fim
9      $b_i = b_i - mb_k$ 
10  fim
11 fim
12
13 Resolução do sistema triangular superior:
14  $x_n = b_n/a_{nn}$ 
15 para  $i = (n - 1), \dots, 1$  faça
16    $soma = 0$ 
17   para  $j = (i + 1), \dots, n$  faça
18      $soma = soma + a_{ij}x_j$ 
19   fim
20    $x_i = (b_i - soma)/a_{ii}$ 
21 fim
```

Algoritmo (Eliminação Gaussiana com Pivoteamento): Considere o sistema linear $Ax = b$, onde A é uma matriz $n \times n$. O seguinte algoritmo realiza a eliminação Gaussiana nesse sistema, com a estratégia de pivoteamento parcial:

Algoritmo 2: Eliminação Gaussiana com Pivoteamento

```

1 para  $k = 1, \dots, n - 1$  faça
2
3     Pivoteamento:
4      $pivo = a_{kk}$ 
5      $l\_pivo = k$ 
6     para  $i = (k + 1), \dots, n$  faça
7         se  $|a_{ik}| > |pivo|$  então
8              $pivo = a_{ik}$ 
9              $l\_pivo = i$ 
10        fim
11    fim
12    se  $pivo = 0$  então
13        Parar. A matriz  $A$  é singular.
14    fim
15    se  $l\_pivo \neq k$  então
16        para  $j = 1, \dots, n$  faça
17             $troca = a_{kj}$ 
18             $a_{kj} = a_{l\_pivoj}$ 
19             $a_{l\_pivoj} = troca$ 
20        fim
21         $troca = b_k$ 
22         $b_k = b_{l\_pivo}$ 
23         $b_{l\_pivo} = troca$ 
24    fim
25
26    Eliminação:
27    para  $i = (k + 1), \dots, n$  faça
28         $m = a_{ik}/a_{kk}$ 
29         $a_{ik} = 0$ 
30        para  $j = (k + 1), \dots, n$  faça
31             $a_{ij} = a_{ij} - ma_{kj}$ 
32        fim
33         $b_i = b_i - mb_k$ 
34    fim
35 fim

```
